

PRIJEMNI ISPIT IZ MATEMATIKE

1. Rešenje jednačine $|x - 3| = 5$ je:

a) $x = 8$ i $x = -2$

b) $x = -2$

c) $x = -16$ i $x = 4$

2. Rešenje jednačine $|2 - x| = 2x + 4$ je:

a) $x = -8$

b) $x = -\frac{2}{3}$

c) $x = \frac{1}{3}$ i $x = -2$

3. Zupčanik ima 54 zupca i pravi 84 obrtaja u minuti. Koliko zubaca ima zupčanik ako pravi 126 obrtaja i u prenosu je sa prvim?

a) 72

b) 36

c) 168

4. Nakon što uprostimo izraz $\left(2 + \frac{2n}{m-n}\right) \cdot \left(1 - \frac{m-n}{m+n}\right)$ dobijamo:

a) $\frac{4mn}{m^2-n^2}$

b) 1

c) $\frac{m}{m^2+n^2}$

5. Nakon što uprostimo izraz $\left(\frac{3x}{x+y} + \frac{x}{x-y} - \frac{2xy}{x^2-y^2}\right) : \frac{4xy}{x^2-y^2}$ dobijamo:

a) $\frac{4xy}{x^2-y^2}$

b) xy

c) $\frac{x-y}{y}$

6. Rešenje jednačine $\frac{\frac{1+x}{4}}{2} + \frac{\frac{7x}{2}+1}{6} - \frac{1+6x}{24} - \frac{\frac{7}{2}+6x}{12} = \frac{2}{3}$ je:

a) $x = -8$

b) $x = 0$

c) $x = 8$

7. Rešavanjem sistema jednačina sa tri nepoznate, dobijamo skup rešenja:

$$\begin{aligned}x - \frac{3y - 2z}{2} &= 3 \\y - \frac{2z - x}{3} &= 3 \\z - \frac{2x + y}{4} &= 3\end{aligned}$$

- a) $(x, y, z) = (7, 6, 5)$
- b) $(x, y, z) = (5, 5, 7)$
- c) $(x, y, z) = (5, 6, 7)$

8. Rešavanjem sistema jednačina sa tri nepoznate, dobijamo skup rešenja:

$$\begin{aligned}\frac{2}{x} + \frac{3}{y} - \frac{1}{z} &= 9 \\\frac{3}{x} - \frac{2}{y} + \frac{2}{z} &= 14 \\\frac{1}{x} + \frac{1}{y} - \frac{3}{z} &= -1\end{aligned}$$

- a) $(x, y, z) = (\frac{1}{4}, 1, \frac{1}{2})$
- b) $(x, y, z) = (2, \frac{2}{3}, \frac{1}{2})$
- c) $(x, y, z) = (\frac{2}{7}, \frac{2}{3}, 1)$

9. Nakon što uprostimo izraz $\left(\left(\frac{5x^{-5}}{2y^{-2}}\right)^{-2} \cdot \left(\frac{y^{-1}}{5x^{-1}}\right)^{-3}\right) : 10x^2y^{-3}$ dobijamo:

- a) $3xy^2$
- b) 1
- c) $2x^5y^2$

10. Nakon što uprostimo izraz $\left(\left(\frac{2a^{-2}}{3ab^{-3}}\right)^{-4} : \left(\frac{4a^{-2}}{3b^{-3}}\right)^{-3}\right) \cdot \frac{1}{12a^5b^{-2}}$ dobijamo:

- a) $\frac{a}{b}$
- b) ab^2
- c) $\frac{a}{3b^2}$

11. Uprosti izraz

$$A = \frac{ab^{-2} \cdot (a^{-1}b^2)^4 \cdot (ab^{-1})^2}{a^{-2}b \cdot (a^2b^{-1})^3 a^{-1}b}$$

i izračunaj njegovu vrednost za $a = 10^{-3}$ i $b = 10^{-2}$

- a) 1000
- b) 10
- c) 100

12. Uprosti izraz:

$$\frac{3 - \sqrt{3}}{\sqrt{3} - 1} + \frac{\sqrt{6} + 3\sqrt{2}}{\sqrt{6} + \sqrt{2}}$$

a) $2\sqrt{3}$

b) $3\sqrt{2}$

c) $\sqrt{6}$

13. Uprosti izraz:

$$\frac{a + 2(1 + \sqrt{a + 2})}{\sqrt{a + 2}} + \frac{a - 2}{\sqrt{a + 2} - 2}$$

a) $a - 2$

b) $2\sqrt{a + 2} + 4$

c) $\sqrt{a + 2}$

14. Ako je $a = 0,75$ i $b = \frac{4}{3}$, tada izraz $\left(\frac{a}{b} + \frac{b}{a} + 2\right) : \left(\frac{a-b}{4a} + \frac{b}{a-b}\right)$ ima vrednost:

a) $-\frac{7}{4}$

b) $-\frac{5}{2}$

c) $-\frac{7}{4}$

15. Ako je $f\left(\frac{x+2}{x-1}\right) = 2x + 5$ tada je $f(2)$?

a) 4

b) -77

c) 13

16. Površina jednakokrakog trapeza, čije su osnovice 19cm i 9cm, a krak 13cm iznosi?

a) $P = 98\text{cm}^2$

b) $P = 200\text{cm}^2$

c) $P = 168\text{cm}^2$

17. Osnova prave piramide je pravougaonik, sa stranicama 12cm i 9 cm. Zapremina piramide, ako je njena bočna ivica 12,5cm je:

a) $V = 156\text{cm}^3$

b) $V = 360\text{cm}^3$

c) $V = 510\text{cm}^3$

18. Prečnik i površina kruga čiji je obim 31,4cm i $\pi \approx 3,14$ iznosi:

a) $P = 78,5\text{cm}^2$ i $r = 5\text{cm}$

b) $P = 115,5\text{cm}^2$ i $r = 2\text{cm}$

c) $P = 82\text{cm}^2$ i $r = 5\text{cm}$

19. Površina omotača valjka je 144cm^2 , a visina valjka je dva puta veća od poluprečnika. Zapremina valjka je:

- a) $V = 235 \pi \text{cm}^3$
- b) $V = 432 \pi \text{cm}^3$
- c) $V = 445 \pi \text{cm}^3$

20. Pravougaonik stranica 8cm i 12cm rotira se 360° oko duže stranice. Površina i zapremina tako dobijenog tela iznosi:

- a) $P = 320\pi \text{cm}^2, V = 768\pi \text{cm}^3$
- b) $P = 725\pi \text{cm}^2, V = 315\pi \text{cm}^3$
- c) $P = 136\pi \text{cm}^2, V = 364\pi \text{cm}^3$

21. Obim osnove kupe je $6\pi \text{cm}$, a visina kupe je 4cm . Koliko iznosi izvodnica?

- a) $s = 5\text{cm}$
- b) $s = 12\text{cm}$
- c) $s = 15\text{cm}$

22. Obim osnove prave kupe je $36\pi \text{cm}$. Izvodnica kupe nagnuta je prema ravni osnove pod uglom od 45° . Površina te kupe iznosi:

- a) $P = 120\pi + 32\sqrt{2}\pi \text{ cm}^2$
- b) $P = 365\pi + 125\sqrt{3}\pi \text{ cm}^2$
- c) $P = 324\pi + 324\sqrt{2}\pi \text{ cm}^2$

23. Vrednost zadate determinante iznosi:

$$\begin{vmatrix} 1 & 2 & 3 \\ 2 & 4 & -6 \\ -1 & 2 & 6 \end{vmatrix}$$

- a) 48
- b) 13
- c) 21

24. Peti član aritmetičkog niza je 19 a deseti član aritmetičkog niza je 39. Prva četiri člana tog niza su:

- a) 1,2,3,4,...
- b) 2,4,6,8,...
- c) 3,7,11,15,...

25. Odredi aritmetički niz ako je $5a_1 + 10a_5 = 0$ i $S_4 = 14$ (opšta formula: $S_n = \frac{n}{2}(2a_1 + (n-1) \cdot d)$)

- a) 8,5,2,...
- b) 5,6,7,...
- c) 1,7,12,...

26. Odredi geometrijsku progresiju kod koje je $b_1 + b_3 = 15$ i $b_2 + b_4 = 30$. Prva četiri člana geometrijskog niza su:

- a) 1,1,3,5,...
- b) 3,6,12,24,...
- c) 2,5,8,9,...

27. Ako je geometrijski niz zadat u obliku $b_6 - b_4 = 216$, $b_3 - b_1 = 8$. Odredi prvi član niza:

- a) $b_1 = 5$
- b) $b_1 = 1$
- c) $b_1 = 13$

28. Roba je poskupela za 25%. Da bi ponovo imala staru cenu treba da pojeftiny za:

- a) 25%
- b) 5%
- c) 20%

29. Koliko ima četvorocifrenih brojeva čije su cifre različite i kod kojih je zbir poslednje dve cifre jednak 5?

- a) 308
- b) 336
- c) 154

30. Uz pomoć koje formule možemo izračunati koliko nam je potrebno listića odigrati da bismo dobili sedmicu na lotou , ako znamo da loto ima 39 brojeva.

- a) $\binom{39}{7}$
- b) $\frac{39!}{7!}$
- c) 39^7

31. Ako je S skup svih realnih brojeva m, za koje jednačina $(m + 1) \cdot x^2 - (2m - 1) \cdot x + m - 3 = 0$ ima dva realna, različita i pozitivna rešenja. Onda za neke brojeve a, b i c , $a < b < c$, skup S je oblika:

- a) $(a, b) \cup (c, +\infty)$
- b) $(a, b) \cup (b, +\infty)$
- c) $(-\infty, +\infty)$

32. Rešenje zadate jednačine $2^{x+3} - 7 \cdot 2^x - 16 = 0$ je:

- a) $x = 2^5$
- b) $x = 4$
- c) $x = 3$

33. Rešenje zadate jednačine $2^{3x-2} - 2^{3x-3} - 2^{3x-4} = 16$ je:

- a) $x = \frac{8}{3}$
- b) $x = \frac{1}{2}$
- c) $x = 3$

34. Skup rešenja nejednačine $\log_2(3x + 4) \geq 0$ je:

- a) $x \in [-1, +\infty)$
- b) $x \in (-3, 3)$
- c) $x \in [-3, 5]$

35. Vrednost izraza $\frac{\sin 765^\circ \cdot \sin 120^\circ}{\cos 135^\circ \cdot \cot g(-30^\circ)}$ je:

- a) $-\frac{1}{\sqrt{3}}$
- b) $\frac{1}{\sqrt{3}}$
- c) $\frac{1}{2}$

36. Vrednost izraza $\frac{\sin 750^\circ \cdot \cos 390^\circ \cdot \tg 1140^\circ}{\cot g 405^\circ \cdot \sin 1860^\circ \cdot \cos 780^\circ}$ je:

- a) $\sqrt{3}$
- b) $2\sqrt{2}$
- c) 0

37. Oblast definisanosti (domen) date funkcije $y = \frac{x^2+3x}{x+4}$ je:

- a) $x \in \mathbb{R}$
- b) $x \in \mathbb{R} \setminus \{-4\}$
- c) $x \in \mathbb{R} \setminus \{15\}$

38. Oblast definisanosti (domen) date funkcije $y = \frac{2x^3}{x^2-4}$ je:

- a) $x \in \mathbb{R} \setminus \{-2, +2\}$
- b) $x \in \mathbb{R} \setminus \{4\}$
- c) $x \in \mathbb{R}$